

## Gabarito:

### Resposta da questão 1:

[B]

Substituindo os dados na expressão dada:

$$E = m c^2 = 9 \times 10^{-31} (3 \times 10^8)^2 = 8,1 \times 10^{-14} \text{ J.}$$

Convertendo para elétron-volt:

$$\left\{ \begin{array}{l} 1 \text{ eV} \rightarrow 1,6 \times 10^{-19} \text{ J} \\ E \rightarrow 8,1 \times 10^{-14} \text{ J} \end{array} \right\} \Rightarrow E = 5,0625 \times 10^5 \text{ eV} \cong 0,5 \times 10^6 \text{ eV}$$

$$\Rightarrow \boxed{E = 0,5 \text{ MeV.}}$$

### Resposta da questão 2:

[D]

O **efeito fotoelétrico** só pode ser explicado invocando a natureza **corpúscular** da luz.

### Resposta da questão 3:

[A]

O comprimento de onda de Louis de Broglie é dado pela expressão:

$$\lambda = \frac{h}{m v} \Rightarrow \lambda = \frac{6,6 \times 10^{-34}}{9 \times 10^{-31} \times 2,2 \times 10^6} \Rightarrow \boxed{\lambda = 3,3 \times 10^{-10} \text{ m.}}$$

### Resposta da questão 4:

01 + 02 + 04 = 07.

[01] **Correta**, pois o feixe de elétrons sofre difração, que é um fenômeno exclusivamente ondulatório.

[02] **Correta**.

[04] **Correta**. A toda partícula em movimento está associada uma onda.

[08] **Incorreta**. Sendo a constante de Planck,

$h = 6,64 \times 10^{-34}$ , o comprimento de onda de De Broglie é:

$$\lambda = \frac{h}{m v} = \frac{6,6 \times 10^{-34}}{9,1 \times 10^{-31} \cdot 3 \times 10^6} = 2,4 \times 10^{-10} \text{ m.}$$

[16] **Incorreta**. A interferência ocorre apenas no ponto de superposição. Após a superposição, cada onda segue, independentemente, sua trajetória.

[32] **Incorreta**. Huygens não discutiu o caráter dualístico e a experiência de fenda dupla foi proposta e realizada por Thomas Young.

### Resposta da questão 5:

[C]

$$\text{Dados: } \gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}; t_0 = 2 \times 10^{-6} \text{ s}; v^2 = 0,998 c^2.$$

Fazendo a correção para o tempo:

$$t = \frac{t_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \Rightarrow t = \frac{2 \times 10^{-6}}{\sqrt{1 - \frac{0,998 c^2}{c^2}}} = \frac{2 \times 10^{-6}}{\sqrt{20 \times 10^{-4}}} = \frac{2 \times 10^{-6}}{\sqrt{5} \times 10^{-2}} = \frac{\sqrt{5} \times 10^{-4}}{5} \Rightarrow$$

$$t = 4,5 \times 10^{-5} \text{ s.}$$

A distância (**D**) percorrida pelo múon é:

$$D = v t \cong 3 \times 10^8 \times 4,5 \times 10^{-5} \Rightarrow \boxed{D = 13,5 \times 10^3 \text{ m.}}$$

### Resposta da questão 6:

a) Dados:  $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ ;  $H = 2,3 \times 10^{-18} \text{ s}^{-1}$ ;

$$\Delta \lambda = 0,092 \lambda_0.$$

Combinando as duas expressões dadas:

$$\left\{ \begin{array}{l} v = H r \\ v = \frac{c \Delta \lambda}{\lambda_0} \end{array} \right\} \Rightarrow H r = \frac{c \Delta \lambda}{\lambda_0} \Rightarrow r = \frac{c \Delta \lambda}{H \lambda_0}$$

$$= \frac{3 \times 10^8 \cdot 0,092 \lambda_0}{2,3 \times 10^8 \cdot \lambda_0} \Rightarrow$$

$$r = 1,2 \times 10^{25} \text{ m.}$$

b) Dados:  $E = 3,24 \times 10^{48} \text{ J}$ ;  $m_{\text{final}} = 4 \times 10^{30} \text{ kg}$ .

Calculando a massa consumida para produzir essa energia:

$$E = m c^2 \Rightarrow m = \frac{E}{c^2} = \frac{3,24 \times 10^{48}}{(3 \times 10^8)^2} = \frac{3,24 \times 10^{48}}{9 \times 10^{16}}$$

$$\Rightarrow m = 3,6 \times 10^{31} \text{ kg.}$$

$$m_{\text{inicial}} = m_{\text{final}} + m \Rightarrow$$

$$m_{\text{inicial}} = 4 \times 10^{30} + 3,6 \times 10^{31} = 4 \times 10^{30} + 36 \times 10^{30} \Rightarrow$$

$$m_{\text{inicial}} = 4 \times 10^{31} \text{ kg.}$$

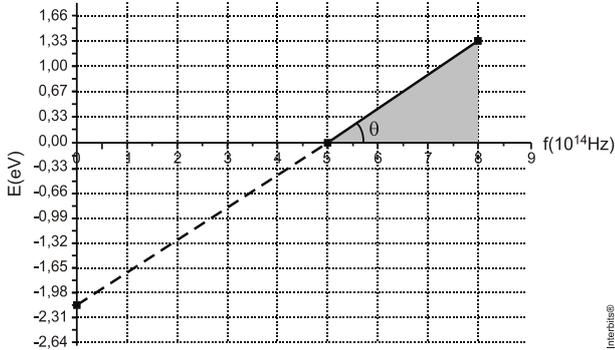
### Resposta da questão 7:

01 + 02 + 04 + 16 = 23.

[01] **Correta**.

A equação de Einstein para o efeito fotoelétrico dá a

energia cinética máxima ( $E$ ) com que um elétron pode ser ejetado de uma placa metálica:  $E = hf - W$ , sendo  $h$  a constante de Planck,  $f$  a frequência do fóton incidente e  $W$  o trabalho para arrancar o elétron. Ora, essa expressão é a equação de uma reta, sendo  $h$  o coeficiente angular e  $-W$  o coeficiente linear.



Assim, no triângulo destacado na figura:

$$h = \text{tg}\theta = \frac{\Delta E}{\Delta f} = \frac{1,33 - 0}{(8 - 5) \times 10^{14}} = \frac{1,33}{3 \times 10^{14}} \Rightarrow$$

$$h = 4,43 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}.$$

[02] **Correta.**

Retomando a expressão do item anterior e substituindo o valor de  $h$ , obtemos:

$$E = 4,43 \times 10^{-15} f - W.$$

No gráfico, notamos que para  $f = 5 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ,  $E = 0$ .

Então:

$$0 = 4,43 \times 10^{-15} \cdot 5 \times 10^{14} - W \Rightarrow W = 2,215 \text{ eV}.$$

[04] **Correta.**

Abaixo da frequência de  $5 \times 10^{14} \text{ Hz}$ , a energia do fóton é menor que o trabalho para arrancar o elétron.

[08] **Incorreta.**

O "potencial" de corte é nulo.

[16] **Correta.**

O gráfico abaixo justifica, mostrando uma curva à direita com função trabalho,  $W = 2,64 \text{ eV}$ .

**Resposta da questão 8:**

[E]

O elemento que exige maior energia para se obter o efeito elétrico é o de maior função trabalho, no caso a platina. A frequência de corte é aquela abaixo da qual não ocorre mais o fenômeno, ou seja, a energia cinética do elétron é nula. Calculemos, então, essa frequência para a platina.

$$E = hf - W \Rightarrow 0 = hf - W \Rightarrow f = \frac{W}{h} = \frac{6,3}{4,1 \times 10^{-15}}$$

$$\Rightarrow f = 1,54 \times 10^{15} \text{ Hz}.$$

Acima dessa frequência, nos três elementos será observado o efeito fotoelétrico.

**Resposta da questão 9:**

a) Dados:  $\lambda = 300 \text{ nm} = 3 \times 10^{-7} \text{ m}$ ;  $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$

Da equação fundamental da ondulatória:

$$c = \lambda f \Rightarrow f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{3 \times 10^{-7}} \Rightarrow f = 10^{15} \text{ Hz}.$$

b) Dado:  $h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}$ .

Da equação de Planck:

$$E = hf \Rightarrow E = 4 \times 10^{-15} \times 10^{15} \Rightarrow E = 4 \text{ eV}.$$

c) Dado:  $W = 2,3 \text{ eV}$ .

De acordo com o enunciado:

$$E_c = E - W = 4 - 2,3 \Rightarrow E_c = 1,7 \text{ eV}.$$

d) Para a frequência  $f_0$  não mais são ejetados elétrons, ou seja, a energia cinética é nula.

$$0 = E - W \Rightarrow E = W = 2,3 \text{ eV}.$$

Usando novamente a equação de Planck:

$$W = hf_0 \Rightarrow f_0 = \frac{W}{h} = \frac{2,3}{4 \times 10^{-15}} \Rightarrow f = 5,75 \times 10^{14} \text{ Hz}.$$

**Resposta da questão 10:**

$$01 + 04 + 16 = 21.$$

01) Correta.

02) Incorreta: quanto maior a intensidade luminosa, mais partículas são ejetadas.

04) Correta.

08) Incorreta: o trabalho sobre quantização da energia foi apresentado em 19 de outubro de 1.900 por Max Karl Ernst Ludwig Planck.

16) Correta.

32) Incorreta: esse fenômeno é explicado apenas pela Física Moderna.

64) Incorreta: esse fenômeno é explicado apenas pela Física Quântica.

**Resposta da questão 11:**

a) Dados:  $\lambda_{\text{verde}} = 500 \text{ nm}$ ;  $\lambda_{\text{vermelho}} = 650 \text{ nm}$ .

Da equação fundamental da ondulatória:

$$c = \lambda v \Rightarrow v = \frac{c}{\lambda} \quad \text{(I)}$$

Da equação de Planck:

$$E = hv \quad \text{(II)}$$

Combinando (I) e (II):

$$E = \frac{hc}{\lambda}.$$

Fazendo a razão pedida.

$$R = \frac{E_{\text{verde}}}{E_{\text{vermelho}}} = \frac{\frac{hc}{\lambda_{\text{verde}}}}{\frac{hc}{\lambda_{\text{vermelho}}}} = \frac{\lambda_{\text{vermelho}}}{\lambda_{\text{verde}}} = \frac{650}{500} \Rightarrow$$

$$R = 1,3.$$

b) Dados:  $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ ;  $m = 5 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$ ;

$$\lambda = 660 \text{ nm} = 6,6 \cdot 10^{-7} \text{ m}.$$

A variação da quantidade de movimento do átomo é igual à quantidade de movimento do fóton:

$$\Delta \vec{p}_{\text{átomo}} = \vec{p}_{\text{fóton}} \Rightarrow m |\Delta \vec{v}|_{\text{átomo}} = \frac{h}{\lambda} \Rightarrow$$

$$|\Delta \vec{v}|_{\text{átomo}} = \frac{h}{\lambda m} = \frac{6,6 \times 10^{-34}}{6,6 \times 10^{-7} \times 5 \times 10^{-26}} = 0,02 \Rightarrow$$

$$|\Delta \vec{v}|_{\text{átomo}} = 2 \cdot 10^{-2} \text{ m/s}.$$

**Resposta da questão 12:**

[D]

Aplicação direta da fórmula:

$$L = 1,5 \times 10^{11} \sqrt{1 - \frac{0,36c^2}{c^2}} = 1,5 \times 10^{11} \times 0,8 = 1,2 \times 10^{11} \text{ m}$$

**Resposta da questão 13:**

[E]

$$E = 5hf = 5h \frac{c}{\lambda} \rightarrow$$

$$E = 5 \times 6,6 \times 10^{-34} \frac{3 \times 10^8}{500 \times 10^{-9}} = 1,98 \times 10^{-18} \text{ J}.$$

**Resposta da questão 14:**

Dados:

$$m = 2 \text{ g} = 2 \times 10^{-3} \text{ kg}; E_{\text{LB}} = 60 \times 10^{12} \text{ J} = 6 \times 10^{13} \text{ J}; c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}; 1 \text{ mês} = 2,5 \times 10^6 \text{ s}.$$

a)  $E = mc^2 = 2 \times 10^{-3} \times (3 \times 10^8)^2 = 2 \times 10^{-3} \times 9 \times 10^{16} \Rightarrow$   
 $E = 1,8 \times 10^{14} \text{ J}.$

b) Sendo  $n$  a quantidade de bombas “Little Boy”, temos:

$$n = \frac{E}{E_{\text{LB}}} = \frac{1,8 \times 10^{14}}{6 \times 10^{13}} \Rightarrow$$

$$n = 3 \text{ (Little Boys)}.$$

c)  $P = \frac{E}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{E}{P} = \frac{1,8 \times 10^{14}}{9 \times 10^6} = 2 \times 10^7 \text{ s}.$

Transformando em meses:

$$\left\{ \begin{array}{l} 2,5 \times 10^6 \text{ s} \rightarrow 1 \text{ mês} \\ 2,0 \times 10^7 \text{ s} \rightarrow \Delta t \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta t = \frac{2,0 \times 10^7}{2,5 \times 10^6} \Rightarrow$$

$$\Delta t = 8 \text{ meses}.$$

**Resposta da questão 15:**

[C]

A lei de Stefan-Boltzmann afirma que a potência total irradiada pelo corpo negro é diretamente proporcional à área ( $S$ ) da superfície emissora e diretamente proporcional à quarta potência da temperatura absoluta ( $T$ ):  $P = \sigma ST^4$ .

A equação do efeito fotoelétrico dada por Einstein afirma que quando uma onda eletromagnética de alta frequência atinge uma chapa metálica, cada fóton pode arrancar um único elétron que é ejetado com energia cinética máxima ( $K$ ) dada pela expressão:

$K = hf - W$ , sendo  $h$  a constante de Planck,  $f$  a frequência da onda incidente e  $W$  o trabalho para arrancar o elétron do metal.

A equação de Louis de Broglie concilia as características ondulatórias e corpusculares dos fenômenos relacionados à luz, através da equação:

$$\lambda = \frac{h}{p}, \text{ sendo } \lambda \text{ o comprimento de onda associado ao}$$

movimento da partícula que se desloca com quantidade de movimento (momento linear)  $p$ .

**Resposta da questão 16:**

a) Dados:

$$R_T = 6,4 \cdot 10^6 \text{ m}; c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}; t_{\text{Terra}} = 1 \text{ dia} = 86.400 \text{ s}$$

Considerando as expressões dadas:

$$\frac{\Delta t}{t_{\text{Terra}}} = \frac{\Delta U}{m c^2} \quad \text{(I)}$$

$$\Delta U = m g R_T \left(1 - \frac{R_T}{r}\right) \quad \text{(II)}$$

Substituindo (II) em (I), vem:

$$\frac{\Delta t}{t_{\text{Terra}}} = \frac{m g R_T}{m c^2} \left(1 - \frac{R_T}{r}\right). \text{ Como } r \cong 4 R_T, \text{ temos:}$$

$$\frac{\Delta t}{t_{\text{Terra}}} = \frac{m g R_T}{m c^2} \left(1 - \frac{R_T}{4R_T}\right) \Rightarrow$$

$$\Delta t = (t_{\text{Terra}}) \frac{g R_T}{c^2} \left(\frac{3}{4}\right). \text{ Substituindo os dados:}$$

$$\Delta t = 86.400 \frac{10 \times 6,4 \times 10^6 \cdot 3}{(3 \times 10^8)^2 \cdot 4} = 28.800 \times 16 \times 10^6 \times 10^{-16}$$

$\Rightarrow$

$$\Delta t = 4,6 \times 10^{-5} \text{ s}$$

b) Dado:  $\frac{\Delta t}{t_{\text{Terra}}} = 10^{-16} \text{ s}$

Usando novamente as expressões dadas:

$$\frac{\Delta t}{t_{\text{Terra}}} = \frac{\Delta U}{m c^2}.$$

Considerando que na vizinhança da Terra é:  $\Delta U = mgh$ , temos:

$$10^{-16} = \frac{gh}{c^2} \Rightarrow h = \frac{10^{-16} c^2}{g} \Rightarrow h = \frac{10^{-16} \times 9 \times 10^{16}}{10}$$

$$\Rightarrow h = 0,9 \text{ m}$$

**Resposta da questão 17:**

[C]

**Resolução**

De acordo com a teoria da relatividade, já comprovada em vários experimentos com partículas sub-atômicas, o tempo flui de forma diferente conforme a velocidade do corpo. O aumento de velocidade torna o tempo mais lento do ponto de vista do viajante. Assim é POSSÍVEL atravessar a nossa galáxia em um intervalo de tempo pequeno, do ponto de vista do viajante, mas um tempo enorme do ponto de vista de outros observadores.

**Resposta da questão 18:**

[E]

**Resolução**

De acordo com o trabalho pioneira de Max Planck a radiação emitida por um corpo negro depende basicamente de sua temperatura. Os trabalhos de Wien, Stephan e Boltzmann confirmaram esta relação.

**Resposta da questão 19:**

[B]

**Resposta da questão 20:**

$$01 + 04 + 08 = 13$$